УДК 622.625.28

В.В. Проців, д-р техн. наук, О.Є. Гончар (Україна, Дніпропетровськ, Національний гірничий університет) А.І Самолов (Україна, Донецьк, НВК «Гірничі машини»)

## МОДЕЛЮВАННЯ ДИНАМІЧНОГО ГАЛЬМУВАННЯ ШАХТНОГО ПОТЯГУ ДВИГУНАМИ

Вступ. Головним видом транспорту на горизонтальних гірничих виробках шахт України є локомотивний. Істотне підвищення показників його роботи можливе, перш за все, за рахунок використання важких багатовісних локомотивів, здатних надійно працювати в умовах шахтної колії з легким баластним шаром і суттєвою недосконалістю в плані та профілі [1]. При цьому найбільш перевіреним є гальмування через колеса в точці їх контакту з рейками. Для цього використовують колісно-колодкові гальма, дискові осьові (розташовані на осі колісної пари) і трансмісійні (на валу тягового двигуна), а також динамічне гальмування двигуном. Найбільш перспективний з нині існуючих шахтних локомотивів – шарнірнозчленований електровоз Е10 [2], що оснащений всіма вище переліченими системами гальмування, а також має сучасну систему керування тяговими двигунами постійного току. Але можливості динамічного гальмування тяговими двигунами використовуються недостатньо.

**Метою** даної роботи є обгрунтування можливості найбільшого використання динамічного гальмування двигунами. Завдання роботи – теоретичне визначення можливості динамічного гальмування двигунами.

**Виклад матеріалу дослідження**. Розрахункова схема динамічної моделі гальмування локомотива Е10 зі складом навантажених вагонеток на рейковій колії з подовжнім ухилом наведена на рис. 1.

До другої за ходом руху тягової секції 1 прикладена сила на зчепленні від складу навантажених вагонеток. Середня секція 2 з'єднує її з першою тяговою секцією, а її рама має вигляд пружнодисипативного стрижня, що працює на стиснення. Колеса з піввісями і зубчасте колесо другого ступеня осьового редуктора (зі зведеними до нього масами і моментами інерції решти елементів трансмісії) мають обертання навколо власних осей.

Короткий карданний вал у тягових секціях, що з'єднує вал тягового двигуна з осьовим редуктором найближчої колісної пари, а також довгий карданний вал, що з'єднує перший осьовий редуктор з осьовим редуктором другої колісної пари, являють собою пружно-дисипативні зв'язки, що працює на кручення. Тут і далі для позначення змінних прийняті такі основні і додаткові нижні індекси, що визначають приналежність змінної до об'єкта математичної моделі: k - до середньої секції; i - до тягових секцій (i = 1, 2), $де 1 позначена перша за ходом руху у напрямі осі <math>\tilde{O}x$  секція. Вона оснащена циліндровим шарніром для спирання середньої секції на тягову. Секція 2 з'єднана з середньою секцією локомотива сферичним шарніром; *in* – до колісних пар (осьових редукторів) *i*-ї секції (*n* = 1, 2), де 1 позначена ближня до голови потягу колісна пара; *inj* – до коліс *in*-ї пари, пружних та дисипативних елементів (*j* = 1, 2), де 1 позначені ліві ві у напряму до голови потягу колеса; *ins* – до колісно-колодкового гальма, встановленого на *n*-й колісній парі (*s* = 1, 2), де 1 позначені ліві у напряму до голови потягу колодки; *ind* – до дискового гальма, встановвленого на *n*-й колісній парі (*d* = 1, 2) при цьому 1 позначені ліві у напряму до голови потягу колодки; *id* – до дискового гальма, встановленого в трансмісії *i*-ї секції, при чому 1 позначені ближні у напрямку до голови потягу колодки; *it* – до вала тягового двигуна, встановленого на *i*-й тяговій секції.

Для опису руху локомотива по реальній рейковій колії виберемо нерухому систему координат  $\tilde{O}xhz$ , а для кожного твердого тіла екіпажа по дві рухомі системи координат – природну Oxyz в полюсі обертання тіла і O'x'y'z' в його центрі мас. Тому O'x', O'y', O'z' – головні центральні осі інерції тіла. Всі системи координат вибрані правими. Осі природної системи координат направлені відповідно по дотичній, нормалі та бінормалі до осі колії, а її положення щодо нерухомої системи координат характеризується дуговою координатою уздовж осі колії S, кутом c між осями Ox та  $\tilde{O}x$ , а також кутом поперечного ухилу колії  $q_h$ , який дорівнює arctg $i_s$  або  $i_s$  в радіанах, оскільки цей кут малий (не більше 3°).

При складанні математичної моделі гальмування шахтного локомотива гальмами, що реалізовують гальмівну силу в точці контакту колеса з рейкою, прийняті такі припущення: а) пружні переміщення рейкових ниток колії та їх пружно-в'язкі характеристики не враховуються; б) деформації в гумометалевих шарнірах системи підвішування виникають лише при подовжніх переміщеннях колісної пари щодо буксових вузлів; г) вертикальні, поперечні, а також кутові коливання елементів локомотива і причіпної частини відсутні (за винятком обертального руху коліс, елементів трансмісії та роторів тягових двигунів).



Рис. 1. Розрахункова схема гальмування локомотива E10 гальмами, що реалізують гальмівну силу в точці контакту колеса з рейкою

При визначенні гальмівного шляху шахтного локомотива зі складом вагонеток розглянуті такі основні способи гальмування: 0) без гальмування (вибіг); 1) тільки трансмісійним дисковим гальмом; 2) тільки осьовим дисковим гальмом; 3) тільки колісно-колодковим гальмом; 4) тільки двигуном; 5) комбіноване трансмісійним і осьовим дисковими гальмами; 6) комбіноване трансмісійним дисковим гальмом і двигуном; 7) комбіноване трансмісійним дисковим та колісно-колодковим гальмами; 8) комбіноване осьовим дисковим і колісно-колодковим гальмами; 9) комбіноване трансмісійним і осьовим дисковими, а також колісно-колодковим гальмами; 10) комбіноване осьовим дисковим, колісноколодковим гальмами та двигуном. Додаткове гальмування двигуном у способах 5, 7 та 9 можливе, але при цьому гальмівний момент двигуна розраховується у сукупності з гальмівним моментом дискового трансмісійного гальма.

За узагальнені координати  $q_i$  (i = 1, 2, ..., u) вибрані такі незалежні між собою величини:  $x_i, x_{inj}, j_{it}, j_{in}, j_{inj}, x_c$ . Рівняння Лагранжа другого роду складені із 25 диференціальних рівнянь другого порядку, тобто мають вигляд системи

$$\begin{split} g_0 m_1 \sin i_{p1} + \frac{1}{2} g_0 m_k \sin i_{p1} + (c_k + 4c_x) x_1 + (b_k + 4b_x) \, \& + 4m_1 \& + 4m_c \& + \\ &+ 2m_k \& = c_k x_2 + c_x x_{111} + c_x x_{112} + c_x x_{121} + c_x x_{122} + b_k \& + b_x \& + b_x \& + 1 + b_x \& + \\ &+ b_x \& + 2m_{k11} + b_x \& + 2m_{k11} + m_{k112} \& + m_{121} \& + m_{122} \& + \\ &+ b_x \& + 2m_{k11} + b_x \& + 2m_{k11} + m_{k11} \& + m_{k11} \& + m_{k12} \& + \\ &+ m_{k111} + c_x x_{111} + b_x \& + m_{k11} + m_{k11} \& + m_{k12} \& + \\ &+ m_{k111} + c_x x_{111} + b_x \& + m_{k11} + m_{k112} \& + m_{k12} \& + \\ &+ m_{k112} + c_x x_{112} + b_x \& + 2m_{k12} + m_{k12} \& + m_{k12} \& + \\ &+ m_{k121} + c_x x_{121} + b_x \& + 2m_{k12} + m_{k12} \& + m_{k12} \& + \\ &+ m_{k122} + w_{k122} + c_x x_{122} + b_x \& + 2m_{k12} \& + m_{k12} \& + \\ &+ m_{k122} + w_{k122} + c_x x_{122} + b_x \& + 2m_{k12} \& + m_{k12} \& + \\ &+ m_{k122} + 2m_k \& + 2m_k \& + 2m_k \& + 2m_k \& + \\ &+ m_{k122} + m_{k122} + b_x \& + 2m_{k122} + b_x \& + \\ &+ m_{k122} + m_{k122} + b_x \& + \\ &+ m_{k122} + m_{k122} + b_x \& + \\ &+ m_{k122} + m_{k122} + b_x \& + \\ &+ m_{k122} + m_{k122} + b_x \& + \\ &+ m_{k122} + m_{k122} + b_x \& + \\ &+ m_{k122} + m_{k122} + b_x \& + \\ &+ m_{k122} + m_{k122} + b_x \& + \\ &+ m_{k122} + m_{k122} + b_x \& + \\ &+ m_{k122} + m_{k122} + b_x \& + \\ &+ m_{k122} + m_{k122} \& + \\ &+ m_{k122} &+ \\ &+ m_{k122}$$

$$\begin{split} F_{211} + W_{x211} + c_x x_{211} + b_x x_{211} + m_{211} x_{211} = c_x x_2 + b_x x_2; \\ F_{212} + W_{x212} + c_x x_{212} + b_x x_{221} + m_{221} x_{111} = c_x x_2 + b_x x_2; \\ F_{221} + W_{x221} + c_x x_{221} + b_x x_{221} + m_{222} x_{122} = c_x x_2 + b_x x_2; \\ F_{222} + W_{x222} + c_x x_{222} + b_x x_{222} + m_{222} x_{222} = c_x x_2 + b_x x_2; \\ F_{222} + W_{x222} + c_x x_{222} + b_x x_{222} + m_{222} x_{22} = c_x x_2 + b_x x_2; \\ \hline \\ \frac{1}{u_t^2} \begin{pmatrix} -c_{f11} u_{f11} - c_{f12} u_{f12} + c_{f11} u_{f11} + c_{12} u_{f11} - u_{t} b_{f11} u_{f11}^2 \\ -u_t b_{f12} u_{f22} + b_{f12} u_{f12} + c_{f12} u_{f11} + c_{12} u_{f11} - u_{t} b_{f11} u_{f11}^2 \\ -u_t b_{f22} u_{f22} + b_{f12} u_{f22} + c_{f12} u_{f11} + c_{f112} u_{f11} \\ -u_t b_{f111} x_{f11} - u_t b_{f112} u_{f11} - c_{f111} u_{f111} - c_{f112} u_{f112} - u_{f12} u_{f12} \\ -u_t b_{f111} x_{f11} - u_t b_{f112} u_{f11} - c_{f112} u_{f11} u_{f11} + u_{f112} u_{f12} \\ -c_{f12} u_{f11} + u_{f112} u_{f11} - u_{f112} u_{f12} - c_{f122} u_{f12} u_{f12} \\ -u_{f12} u_{f12} u_{f212} - u_{f12} u_{f12} u_{f12} - c_{f122} u_{f12} u_{f12} \\ -u_{f12} u_{f12} u_{f12} u_{f12} u_{f12} u_{f12} u_{f12} u_{f12} u_{f12} u_{f12} \\ -u_{f12} u_{f12} u_{f12} u_{f12} u_{f12} u_{f12} u_{f12} u_{f12} u_{f12} u_{f12} \\ -u_{f12} u_{f12} u_{f12} u_{f12} u_{f12} u_{f12} u_{f12} u_{f12} u_{f12} u_{f12} \\ -u_{f12} u_{f12} \\ -u_{f12} u_{f12} \\ -u_{f12} u_{f12} \\ -u_{f12} u_{f12} \\ \\ M_{111s} + c_{f111} u_{f11} u_{f1} \\ -c_{f21} u_{f1} \\ \\ M_{112s} +$$

де m – маси відповідних елементів локомотива та причіпної частини складу, кг; I – моменти інерції коліс і елементів трансмісії, кг·м<sup>2</sup>;  $u_t$  – передавальне число осьового редуктора; c – коефіцієнти подовжньої або крутильної жорсткості елементів локомотива і причіпної частини складу із відповідними нижніми індексами, Н/м або Н/рад; b – коефіцієнти в'язкого внутрішнього опору (подовжньої або крутильної дисипації) елементів локомотива і причіпної частини складу із відповідними нижніми індексами, Н/м або Н/рад; b – коефіцієнти в'язкого внутрішнього опору (подовжньої або крутильної дисипації) елементів локомотива і причіпної частини складу із відповідними нижніми індексами, Н·с/м або H·c/рад;  $g_0$  – прискорення вільного падіння;  $W_x$  – сили подовжнього ковзання коліс в точці контакту з рейкою, пов'язані з подоланням тертя кочення коліс по рейках та моментів тертя в частинах, що обертаються (підшипниках буксового підвішування, осьового редуктора, карданних валів і тягового електродвигуна), приведених до доріжки катання коліс, Н; M – моменти гальмування на відповідному гальмі, Н·м (задаються машиністом);  $F_c$  – сила на зчепленні від складу вагонеток, що гальмуються, Н; F – гальмівні сили, що виникають у точці контакту доріжок катання рейок та коліс із відповідними нижніми індексами, H, визначають як

$$F_{inj} = y_{inj} N_{inj}$$
,

де N<sub>inj</sub> – нормальна реакція рейки під відповідним колесом, Н; **y**<sub>inj</sub> – коефіцієнт зчеплення відповідного колеса з рейкою [3], обчислюється як

$$\mathbf{y}_{inj} = k_{\Pi} \frac{\mathbf{y}_{2}}{\mathbf{y}_{0}} \times \left[ -0.016935 \left( \sqrt[11]{100 \, e_{inj}^{5}} \right) + 0.195576 \, \text{th} \left( 100 \times 1.5 \, e_{inj} \right) \right],$$

де  $k_{\rm n}$  – коефіцієнт угрупування приводу, дорівнює одиниці для індивідуального приводу локомотива (коли кожна колісна пара приводиться у рух окремим двигуном) [4], приймає значення від 1,0 до 1,2 для групового приводу (коли всі колісні пари тягової секції приводяться у рух одним двигуном);  $y_0$  – коефіцієнт зчеплення коліс локомотива з рейками на сухих чистих рейках, за експериментальними даними для вугільних шахт приймають 0,17;  $y_e$  – коефіцієнт зчеплення коліс локомотива на прямій для фактичної забрудненості доріжок катання рейкових ниток. Його приймають рівним наступним значенням: 0,21 на посипаних піском рейках; 0,17 на сухих чистих; 0,13 на мокрих чистих; 0,08 на покритих вугільнопорідним брудом;  $e_{inj}$  – відносне ковзання колеса по рейці, у даному випадку воно дорівнюе відносному

ковзанню в подовжньому напрямі  $e_{x inj}$ , що визначається як

$$\varepsilon_{x inj} = \frac{\mathscr{K}_{inj} - r \mathscr{K}_{inj}}{\mathscr{K}_{inj}}.$$

Одержана система розв'язувалася за допомогою програми Wolfram Mathematica 8. Динамічна модель дозволяє задавати не лише можливі геометричні, кінематичні, масоінерційні та пружно-дисипативні характеристики локомотива і вагонів, але й моделювати часові інтервали, необхідні для прийняття машиністом рішення про початок гальмування, час холостого ходу (спрацьовування) гальмівних механізмів і функції перехідних процесів прикладання гальмівних моментів до дискових осьових та трансмісійних гальм, колісно-колодкових, а також виконувати динамічне гальмування двигуном.

Кінетичні та динамічні характеристики процесу динамічного гальмування тяговими двигунами електровоза E10, що рухається зі швидкістю 1,5 м/с із чотирма навантаженими вагонетками типу BГ3,3 по максимально дозволеному [2] ухилу в 50 ‰, розглянуті на рис. 2, коли час дійсного гальмування складає 35,0 с, а гальмівний шлях дорівнює 34,3 м. До ротора двигуна прикладали гальмівний момент величиною у 206 H·м, який залишався постійним протягом усього гальмування (див. рис. 2, *a*), в точці контакту колеса та рейки виникало відносне ковзання (див. рис. 2,  $\delta$ ), яке не перевищувало 1,5 %. Сила подовжнього опору руху при переході в гальмівний режим зростала (див. рис. 2, *s*) і коливалася синхронно з ковзанням. За рахунок подовжнього прискорення передні за ходом руху колісні пари довантажувалися, а верти-кальні реакції рейок під ними збільшувалися (див. рис. 2, *г*).

У точці контакту колеса з рейкою виникала гальмівна сила (див. рис. 2,  $\partial$ ), величина якої визначається вище переліченими чинниками. Зупиняючись, потяг проходив шлях (див. рис. 2, *e*), залежний від зміни швидкості руху (див. рис. 2,  $\mathcal{R}$ ) і прискорення (уповільнення) (див. рис. 2, *s*).

Локомотив зупинився, не перевищивши максимально допустимий гальмівний шлях у 40 м, що регламентується [5]. Однак по досягненню швидкості у 0,03 м/с замість гальмування двигунами було увімкнене гальмування дисковими трансмісійними гальмами, оскільки на менших швидкостях збільшується загроза загоряння обмоток двигунів через критично великі значення електричних токів у них.

Збільшення гальмівного моменту навіть на один ньютоно-метр зробить зупинку потягу неможливою, як це видно з рис. З. Тут прийняті такі самі позначення, як і на рис. 2, а графіки побудовані в тих самих координатах із вищепереліченими. Але вони виконані для випадку прикладення гальмівного моменту величиною 207 Н·м (більше на 1 Н·м). Відразу після зростання гальмівного моменту до максимального значення відбувся зрив зчеплення коліс другої, а потім і першої за ходом руху тягової секцій через їх блокування занадто великим гальмівним моментом. Відносне ковзання різко зросло до значення 100 %, спровокувавши зростання подовжнього опору, перерозподіл навантаження на колеса та реакцій рейок, а також зменшення гальмівної сили.

Практично увесь час локомотив рухався з нерухомими колесами, тому він і склад вагонеток не вклалися б у дозволений гальмівний шлях [5] і зійшли з рейок. Це привело би до людських жертв і матеріальних витрат на ремонт рухомого складу, а також відновлення рейкової колії та кріплення гірничих виробок.



Рис. 2. Криві залежності параметрів гальмування від часу без зриву зчеплення: *a* – гальмівний момент; *δ* – відносне ковзання; *в* – сила опору руху; г – реакція рейки під колесом; *д* – гальмівна сила на колесі; *e* – переміщення тягової секції; *ж* – швидкість тягової секції; *з* – прискорення тягової секції

Але навіть за відсутності аварії колісні пари другої за ходом руху тягової секції потрібно було б замінювати, оскільки на них утворилися б лиски неприпустимо великих розмірів.

**Висновки**. Теоретично доведено, що у разі прикладення постійного гальмівного моменту шахтний потяг з чотирьох навантажених вагонеток можливо пригальмувати на ухилі в 50 ‰ до швидкості 0,03 м/с, а потім зупиняти іншими гальмівними приладами, оскільки далі токи в обмотках двигунів зростають до неприпустимо великих значень. Тормозний шлях при цьому не перевищує дозволений.



Рис. 3. Криві залежності параметрів гальмування від часу зі зривом зчеплення (див. позначення на рис. 2)

## Список літератури

1. Ренгевич А. А. Основы теории тяги рудничных поездов / А. А. Ренгевич. - К.: УМК ВО, 1989. - 40 с.

2. Транспорт шахтний локомотивний. Перевезення людей і вантажів в виробках з ухилом колії від 0,005 до 0,050: СОУ 10.1.001.85790.007:2006. – Затв. Мивуглепромом України 06.10.2006. – Вид. офіц. – К. 2006. – 47 с.

3. Проців В. В. Визначення сил опору руху та направляючих зусиль шахтного шарнірно-зчленованого локомотива в режимі гальмування / В. В. Проців // Збірник наукових праць НГУ. – 2009. – № 33. – Т. 1 – С. 96 – 102.

4. Мишин В. В. О характеристиках переходного режима движения шахтного локомотива с упругими звеньями привода и ходовой части / В. В. Мишин, А. Л. Жупиев, Э. М. Шляхов // Известия вузов: Горный журнал. – 1994. – № 1. – С. 85 – 59. 5. Правила безпеки у вугільних шахтах. НПАОП 10.0-1.01-10. – К.: Ред. журн. «Охорона праці», 2010. – 430 с. *Рекомендовано до друку: проф. Блохіним С.Є.*