

13. Бессонова В. П., Вміст важких металів у листі дерев і чагарників в умовах техногенного забруднення різного походження[Текст] / В. П. Бессонова, І. А. Зайцева // Питання біоіндикації та екології. – Запоріжжя: ЗНУ, 2008. – Вип. 13, № 2. – С. 62–77.
14. Якуба М. С. Вміст важких металів у компонентах поркових деревних угруповань м. Дніпропетровськ[Текст] / М. С. Якуба // Питанні степового лісознавства та рекультивації земель. – Дн-ськ: ДНУ. – 2011. – Вип. 40. - С.76-81.
15. Якуба М. С., Топологічні особливості накопичення важких металів у підстилці та опаді штучних насаджень Присамар'я Дніпровського[Текст] / М. С. Якуба // Екологія та ноосферологія. – 2008. – Т. 19. № 3-4. – С. 67-76.

*Рекомендовано до публікації д.т.н. Колесником В.Є.  
Надійшла до редакції 01.10.2012*

УДК 519.6

© Н.Н. Беляев, А.В. Берлов, А.И. Губин

## **МАТЕМАТИЧЕСКОЕ МОДЕЛИРОВАНИЕ ПРОГРЕВА КОРПУСА ПЕРВОЙ СТУПЕНИ РАКЕТЫ РС-22 ПРИ ИНИЦИИРОВАННОМ ВОЗДЕЙСТВИИ**

Построена математическая модель прогрева корпуса первой ступени межконтинентальной стратегической ракеты РС-22. Расчет основан на применении структурного метода для решения задачи теплопроводности в составных конструкциях. Определено время прогрева корпуса ракеты до воспламенения твердого топлива.

Побудована математична модель прогріву корпусу першої ступені міжконтинентальної стратегічної ракети РС-22. Розрахунок ґрунтуються на використанні структурного методу для розв'язання задачі теплопровідності в складених конструкціях. Визначений час прогріву корпусу ракети до запалювання твердого палива.

The mathematical model of warming up of corps the first stage of the intercontinental strategic rocket RS-22 is built. A calculation is based on application of structural method for the decision of task of heat conductivity in component constructions. Time of warming up of corps rocket to the self-ignition of hard fuel is found.

На Павлоградском химическом заводе (ПХЗ) хранится твердое топливо межконтинентальной баллистической ракеты РС-22 (рис.1).

Данная ракета являлась трехступенчатой и старт ее осуществлялся с железнодорожной платформы (рис.2). Наличие твердого ракетного топлива (ТРТ) на территории ПХЗ создает угрозу интенсивного загрязнения окружающей среды в случае аварийной ситуации на объекте [1,2]. Возгорание топлива, находящегося на хранении, возможно в случае внешнего воздействия (теракт, авария). Представляет большой практический интерес прогноз возможного загрязнения атмосферы и масштаба поражения при горении данного топлива [1-3].

**Цель и задачи исследований.** В настоящей работе рассматривается первый этап решения этой сложной задачи – расчет времени возгорания твердого ракетного топлива (ТРТ) при инициированном воздействии на корпус ракеты (рис.1).

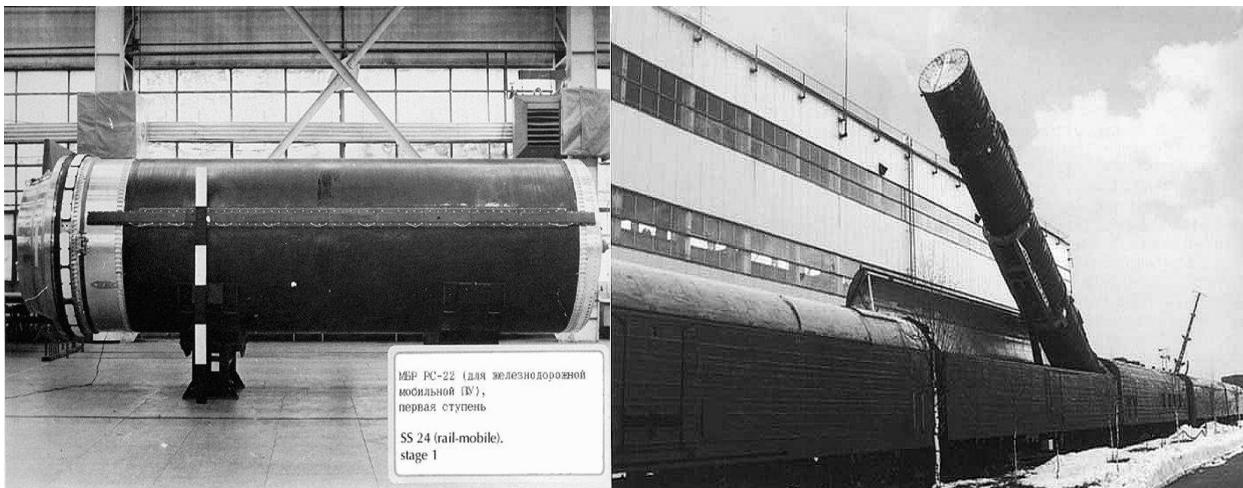


Рис. 1. I ступень ракеты РС-22

Рис. 2. Постановка РС-22 в боевое положение

Будем считать, что в результате внешнего воздействия вблизи корпуса первой ступени РС-22 (рис.1) появился источник возгорания. Ставиться задача расчета теплового прогрева корпуса ракеты с целью определения времени, после которого начнется горение топлива.

Анализ научных публикаций показал отсутствие исследований по данному направлению.

**Изложение основного материала исследований.** Поскольку рассматривается ситуация инициированного теплового воздействия на корпус ракеты, то будем считать, что источник выделения тепла (например горячий материал) находится максимально близко к корпусу.

Корпус I ступени ракеты РС-22, внутри которого находится ТРТ представляет собой многослойную составную конструкцию (рис.3). Толщины слоев вдоль корпуса различны. При построении модели будем считать, что известны толщины слоев и их теплофизические характеристики. Диаметр корпуса ракеты составляет 2 метра, в связи с чем будем рассматривать стенки корпуса I ступени как систему плоских пластин: толщины слоев во много раз меньше диаметра корпуса ракеты.

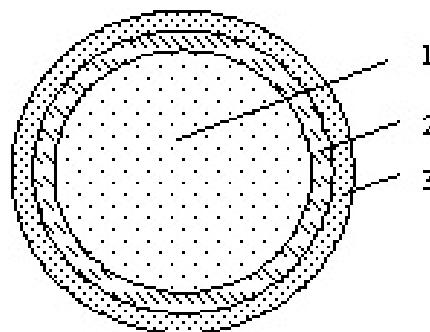


Рис. 3. Расчетная схема конструкции: 1 – ТРТ; 2 –резина; 3 – материал типа "KEVLAR"

Для моделирования процесса прогрева корпуса ракеты будем использовать уравнение теплопроводности и соответствующие начальные и граничные условия. Задача теплопроводности для кусочно-однородного тела, состоящего из  $m$  параллельных плоских слоев, учитывая, что для каждого слоя бралась локальная система координат ( $0_V \leq x_V \leq R_V$ ), формулируется следующим образом:

$$\beta_V \frac{\partial^2 T_V(x, Fo)}{\partial x^2} = \frac{\partial T_V(x, Fo)}{\partial Fo}, \quad 0 \leq x \leq 1, \quad Fo \geq 0, \quad (1)$$

$$T_V(x, Fo)|_{Fo=0} = \varphi_V(x), \quad v = 1 \dots m-1, \quad (2)$$

$$\begin{cases} \frac{\partial T_1(x, Fo)}{\partial x}|_{x=0} = 0 \\ k \frac{\partial T_m(x, Fo)}{\partial x}|_{x=1} = hBi[f(Fo) - MT_m(x, Fo)]|_{x=1} \end{cases} \quad (3)$$

$$\begin{cases} T_{v+1}(0, Fo) = T_V(1, Fo) \\ \frac{\partial T_V(x, Fo)}{\partial x}|_{x=1} = \mu_{v+1,v} \frac{\partial T_{v+1}(x, Fo)}{\partial x}|_{x=0}, \end{cases} \quad (4)$$

где  $\beta_V = \frac{a_V}{a_0} \cdot \frac{R_0^2}{R_V^2}$ ,  $x = \frac{x_V}{R_V}$ ,  $\mu_{v+1,v} = \frac{\lambda_{v+1}}{\lambda_v} \frac{R_v}{R_{v+1}}$ ,  $Fo = \frac{a_0}{R_0^2} \cdot \tau$ ,  $Bi = \frac{\alpha}{\lambda_m} \cdot R_m$ ,

$a_0, R_0$  – коэффициент температуропроводности и линейный размер, служащие для обезразмеривания величин,  $f(Fo)$  – граничная функция, которая в зависимости от граничных условий является либо температурой (граничное условия первого рода), либо тепловым потоком (граничное условия второго рода). Задавая соответствующие значения параметрам  $k, h, M$ , можно получить граничное условие первого, второго или третьего рода.

Температурное поле для ТРТ не расчитывалось. Тепловой поток на поверхности контакта ТРТ и стенки корпуса полагался равным нулю.

На первом этапе моделирования будем считать, что на стыках слоев реализуются условия идеального теплового контакта.

**Метод решения.** Решение задач нестационарной теплопроводности в настоящее время возможно численными и аналитическими методами. Преимущества и недостатки этих методов изложены в [4,5]. Применение численных методов может оказаться плодотворным, например, после предварительного аналитического решения соответствующей задачи. Когда решение уже получено в виде рядов, определенных интегралов и т. д., то численное суммирование рядов, вычисление интегралов является для современной ЭВМ достаточно простой задачей.

Методы интегральных преобразований обладают рядом преимуществ по сравнению с другими аналитическими методами (Фурье, функций источников, тепловых потенциалов и др.). Они позволяют получать решение в удобном для численных расчетов виде. Процесс получения аналитического решения при применении простых приемов интегральных преобразований значительно сокращается и упрощается [5].

Для решения поставленной задачи был применен структурный метод, основанный на интегральном преобразовании Лапласа, который получил развитие в работах [6-8], применительно к решению задач теплопроводности для многослойных тел.

Суть структурного метода состоит в следующем. Применяя к (1) интегральное преобразование Лапласа по переменной  $Fo$ , получим

$$\frac{d^2 \bar{T}_v(x, p)}{dx^2} = \frac{p}{\beta_v} \bar{T}_v(x, p) + \bar{z}_v(x, p), \quad (5)$$

$\bar{z}_v(x, p) = -\varphi_v(x)$ , где  $p$  – переменная преобразования Лапласа.

Интеграл (5) можно записать в виде:

$$\bar{T}_v(x, p) = C_v ch \sqrt{\frac{p}{\beta_v}} x + D_v sh \sqrt{\frac{p}{\beta_v}} x + \bar{z}_v^*(x, p), \quad (6)$$

где  $\bar{z}_v^*(x, p)$  – частное решение неоднородного уравнения (5);  $C_v$ ,  $D_v$  – константы интегрирования, определяемые из условий (3), (4), записанных в поле изображений.

Согласно теории линейных дифференциальных уравнений, решение задачи (1)–(4) представимо в виде суммы частных решений (принцип суперпозиции), которые формируются под влиянием следующих компонент воздействия: внешних граничных условий, условий на стыках слоев, начального распределения температуры и взаимного теплового влияния слоев. Решение линейных задач теории теплопроводности в соответствии с теоремой разложения о решении задач нестационарной теплопроводности операционным методом для многослойных плоских тел позволяет избежать недостатков других аналитических методов [4,5].

Последовательно исключая константы интегрирования  $C_{v-1}$ ,  $D_{v-1}$ , записанных в поле изображений, получим:

$$\begin{aligned} \bar{T}_v(x, p) = & C_1 \left[ l_v ch \sqrt{\frac{p}{\beta_v}} x + \chi_{v-1,v} l_v^* sh \sqrt{\frac{p}{\beta_v}} x \right] + D_1 \left[ \rho_v ch \sqrt{\frac{p}{\beta_v}} x + \chi_{v-1,v} \rho_v^* sh \sqrt{\frac{p}{\beta_v}} x \right] + \\ & + \bar{F}_{v-1,v}(p) ch \sqrt{\frac{p}{\beta_v}} x + \bar{F}_{v-1,v}^*(p) sh \sqrt{\frac{p}{\beta_v}} x, \end{aligned} \quad (7)$$

где  $l_v, l_v^*, \rho_v, \rho_v^*$  – функции ( $p, \beta_{v-1}, A_{v-1,v}$ );  $\bar{F}_{v-1,v}(p), \bar{F}_{v-1,v}^*(p)$  – функции ( $p, \beta_{v-1,v}, z_v^*, A_{v-1,v}, \omega_{v-1,v}^*$ );  $\bar{F}_{1,2}(p) = \bar{z}_1^*(1, p) - \bar{z}_2^*(0, p) + \bar{z}_1^*(1, p)$ ;

$$\bar{F}_{1,2}^*(p) = \mu_{1,2} \left\{ \begin{array}{l} \bar{z}_1^*(1, p) - \mu_{1,2} \bar{z}_1^*(0, p) - W_{1,2}^*(1, p) - \\ - A_{1,2} \left[ p \bar{z}_1^*(1, p) - \varphi_v(0) \right] \end{array} \right\};$$

$$\bar{F}_{V-1,V}(p) = \bar{F}_{V-2,V-1}(p) \left[ ch\sqrt{\frac{p}{\beta_{V-1}}} + \sqrt{\frac{p}{\beta_{V-1}}} sh\sqrt{\frac{p}{\beta_{V-1}}} \right] + \bar{F}_{V-2,V-1}^*(p) \left[ sh\sqrt{\frac{p}{\beta_{V-1}}} + \sqrt{\frac{p}{\beta_{V-1}}} ch\sqrt{\frac{p}{\beta_{V-1}}} \right].$$

Используя условия (3), записанное в поле изображений, получим решение:

$$\bar{T}_V(x, p) = \sum_{l=0}^1 w_{V,r}(x, p) \bar{g}_r(p), \quad (8)$$

$$w_{V,r}(x, p) = \frac{Q_{V,r}(x, p)}{\Psi_m(p)} = \sum_{n=0}^{\infty} \Omega_{n,V}^l(\mu, \varphi) p^n, \quad (9)$$

$$l_V = l_{V-1} \left[ ch\sqrt{\frac{p}{\beta_{V-1}}} + \sqrt{\frac{p}{\beta_{V-1}}} sh\sqrt{\frac{p}{\beta_{V-1}}} \right] + \chi_{V-2,V-1} l_{V-1}^* \left[ sh\sqrt{\frac{p}{\beta_{V-1}}} + \sqrt{\frac{p}{\beta_{V-1}}} ch\sqrt{\frac{p}{\beta_{V-1}}} \right];$$

$$\rho_V = \rho_{V-1} \left[ ch\sqrt{\frac{p}{\beta_{V-1}}} + \sqrt{\frac{p}{\beta_{V-1}}} sh\sqrt{\frac{p}{\beta_{V-1}}} \right] + \chi_{V-2,V-1} \rho_{V-1}^* \left[ sh\sqrt{\frac{p}{\beta_{V-1}}} + \sqrt{\frac{p}{\beta_{V-1}}} ch\sqrt{\frac{p}{\beta_{V-1}}} \right];$$

$$\chi_{V-1,V} = \sqrt{\frac{\beta_V}{\beta_{V-1}}} \mu_{V,V-1}; Q_{V,r}(x, p) = \sum_{n=0}^{\infty} \mu_{n,V}^l(x) \cdot p^n; \Psi_m(p) = \sum_{n=0}^{\infty} \varphi_{n,V} \cdot p^n;$$

$$\bar{g}_0(p) = -g_0 Bi_0 \bar{f}_0(p); \bar{g}_1(p) = g_1 Bi \bar{f}_1(p) - \alpha_1 \sqrt{\frac{p}{\beta_m}} \bar{F}_{m,m+1}^*(p) + k Bi M F_{m,m+1}(p);$$

$$\Omega_{n,V}^l(\mu, \varphi) = \frac{W_{V,l}(x,0)}{n!}; \Omega_{0,V}^l(\mu, \varphi) = \frac{\mu_{0,V}^l(x)}{\varphi_{0,V}}, \varphi_{0,V} \neq 0;$$

$$\Omega_{n,V}^l(\mu, \varphi) = \frac{\mu_{n,V}^l(x)}{\varphi_{0,V}} - \sum_{i=1}^n \Omega_{n-i,V}^l(\mu, \varphi) \cdot \frac{\varphi_{i,V}}{\varphi_{0,V}}.$$

Переходя к оригиналам функций, следуя [6-8], получим решение

$$T_V(x, Fo) = \sum_{r=1}^{2m} \left\{ \begin{array}{l} \sum_{n=0}^{\infty} \Omega_n \left[ \mu_{n,r}^V(x), \varphi_n \right] g_r^{(n)}(Fo) + \\ + \sum_{k=1}^{\infty} \frac{g_r(p_k)}{\Psi'(\varphi_n, p_k)} Q \left[ p_k, \mu_{n,r}^V(x) \right] \times \\ \times \exp(-\gamma^2 Fo) \end{array} \right\} + z_V^*(x, Fo), \quad (10)$$

$$z_V^*(x, Fo) = \sum_{n=0}^{\infty} \beta_V^n \frac{Fo^n}{n!} \varphi_V^{(2n)}(x). \quad (11)$$

В решении (5) каждой компоненте воздействия  $g_r(Fo)$  соответствует функция

$$T_{V,r}(x, Fo) = \sum_{n=0}^{\infty} \Omega_n \left[ \mu_{n,r}^V(x), \varphi_n \right] g_r^{(n)}(Fo) + \sum_{k=1}^{\infty} \frac{\bar{g}_r(p_k)}{\Psi'(\varphi_n, p_k)} Q \left[ \mu_{n,r}^V(x), p_k \right] \times \exp(-\gamma_k^2 Fo). \quad (12)$$

Функции  $T_{V,r}(x, Fo)$  являются простыми структурами решения, соответствующими каждой компоненте воздействия. Функция  $T_V(x, Fo)$ , удовлетворяющая условиям задачи (1)-(4), является общей структурой решения. Последовательности  $\{\mu_{n,r}^V(x)\}$ ,  $\{\varphi_n\}$ ,  $p_k = -\gamma_k^2$ , входящие в простые структуры решения – функциональные комплексы, а  $\Omega_n[\mu_{n,r}^V(x), \varphi_n]$ ,  $Q[\mu_{n,r}^V(x), p_k]$ ,  $\Psi[\varphi_n, p_k]$  – составные комплексы.

Для построения алгоритма расчета температурного поля  $m$  – слойного тела с условиями (1)-(4) необходимо: используя рекуррентные соотношения, вычислить функциональные комплексы  $\mu_{n,r}^V(x)$ ,  $\varphi_n$ ,  $p_k$ ; вычислить составные комплексы  $\Omega_n[\mu_{n,r}^V(x)]$ ,  $Q[\mu_{n,r}^V(x), p_k]$ ,  $\Psi[\varphi_n, p_k]$ ,  $\Psi'[\varphi_n, p_k]$ ; определить компоненты воздействия и вычислить соответствующие им простые структуры; совокупность простых структур и функций  $z_V^*(x, Fo)$  позволяет построить общую структуру решения задачи (5) и тем самым определить температурное поле системы.

Функциональные комплексы  $\{\varphi_n\}_0^\infty$ ,  $\{\mu_{n,r}^V(x)\}_0^\infty$ ,  $p_k = -\gamma_k^2$  найдены в результате аналитических преобразований над бесконечными рядами, в которые входят простые комплексы  $c_{n,V}$ ,  $c_{n,V}^*$ ,  $b_{n,V}$ ,  $b_{n,V}^*$ ,  $L_{n,V,V-i}$ ,  $L_{n,V,V-i}^*$ ,  $S_{n,V,V-i}$ ,  $S_{n,V,V-i}^*$ ,  $a_{n,V}(x)$ , зависящие от геометрических и теплофизических характеристик конструкции.

Рассмотренный метод расчета реализован в виде программы HEATTRANSFER-1 на языке программирования DELPHI.

**Результаты параметрических исследований.** Разработанная программа была использована для проведения параметрических исследований. Значения толщин стенки корпуса, а также теплофизические характеристики материалов слоев приведены в табл. 1.

Таблица 1

Теплофизические и геометрические параметры материалов  
слоев конструкции

Материал	$\delta$ , мм	$\lambda$ , Вт/(м·К)	$\rho$ , кг/м <sup>3</sup>	$c$ , Дж/(кг·К)
резина	5÷10	0,157	1200	1382
материал типа "KEVLAR"	5÷15	0,04	1440	1420

Был проведен ряд расчетов, в которых варьировались толщины и материалы в соответствии с исследуемым поперечным сечением корпуса I ступени.

В результате решения тепловой задачи рассчитывалось температурное поле в сечении корпуса и оценивалось время достижения температуры воспла-

менения ТРТ (наступление аварийной ситуации). Начальная температура конструкции для расчетов была принята равной  $T_0 = 27^\circ\text{C}$ .

В расчетах была принята следующая схема: когда температура поверхности со стороны подводимого теплового потока для очередного слоя стенки корпуса достигала температуры начала его разрушения, этот слой исключался и дальнейшие вычисления проводились для количества слоев на единицу меньше.

На рис.4 представлены расчетные данные времени до возгорания ТРТ при различных толщинах стенки корпуса I ступени ракеты РС-22.

Полученные кривые наглядно отражают характер инициированного воздействия на конструкцию. С увеличением подводимого теплового потока ( $q = 20 \text{ kBm/m}^2$ ;  $q = 25 \text{ kBm/m}^2$ ;  $q = 30 \text{ kBm/m}^2$ ) время до полного разрушения стенки корпуса, как для случая с поврежденными слоями, так и для цельной конструкции, очень мало и практически одинаково для различных сечений. При меньших тепловых потоках ( $q = 10 \div 20 \text{ kBm/m}^2$ ) наблюдается значительное изменение в увеличении времени до возникновения аварийной ситуации, в зависимости от варианта сечения корпуса и степени его повреждения.

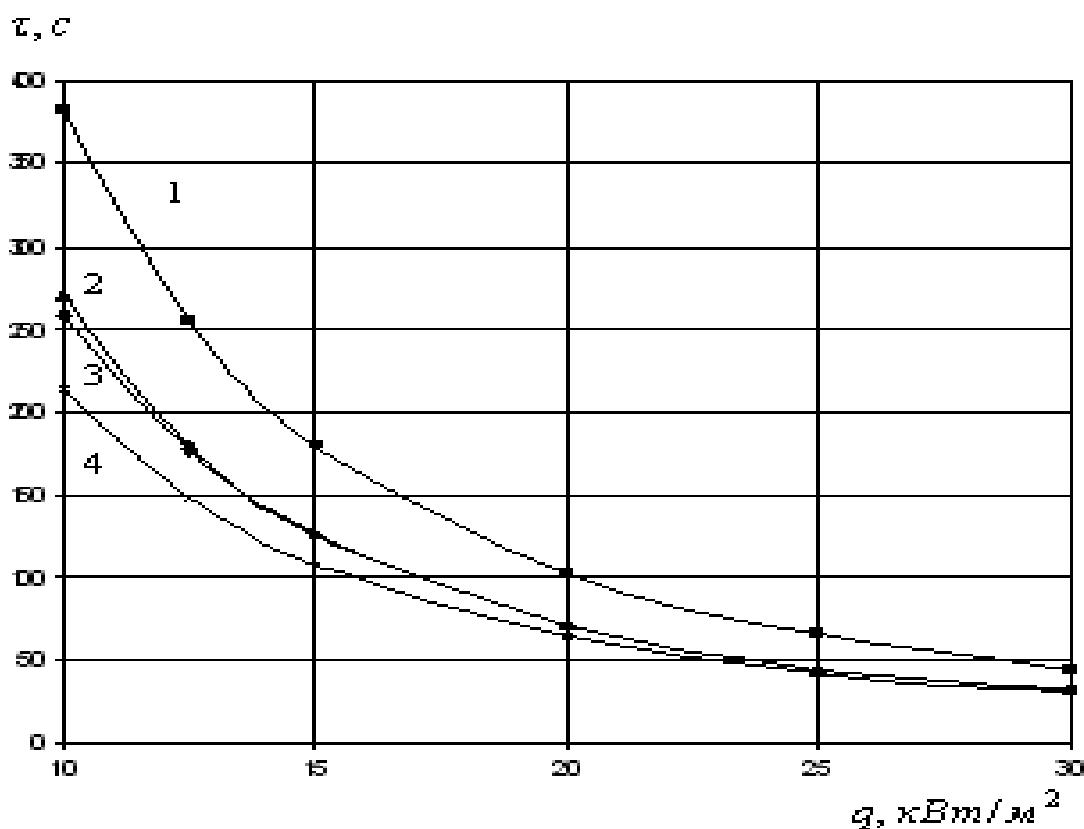


Рис. 4. Время до возгорания ТРТ при различных толщинах стенки корпуса I ступени: 1 – твердая резина (5 мм) + материал типа "KEVLAR" (5 мм) + мягкая резина (5 мм) (неповрежденный корпус); 2 – материал типа "KEVLAR" (5 мм) + мягкая резина (5 мм) (неповрежденный корпус); 3 – материал типа "KEVLAR" (3 мм) + мягкая резина (5 мм) (поврежденный корпус); 4 – материал типа "KEVLAR" (1 мм) + мягкая резина (5 мм) (поврежденный корпус)

На рис.5 приведено изменение температуры во времени на стыке слоев корпуса для случая неповрежденного корпуса. Толщина слоев резины и материала типа "KEVLAR" бралась равной 5 мм.

Вид кривых на рис. 5 отображает принятую расчетную схему. Все изображенные кривые выходят из одной точки, которая соответствует начальной температуре системы. Температура на стыке остается практически неизменной до разрушения внешнего слоя. Затем происходит нагрев и характер кривых меняется. Видна зависимость времени нагрева для различных значений теплового потока, вызванного инициированным воздействием.

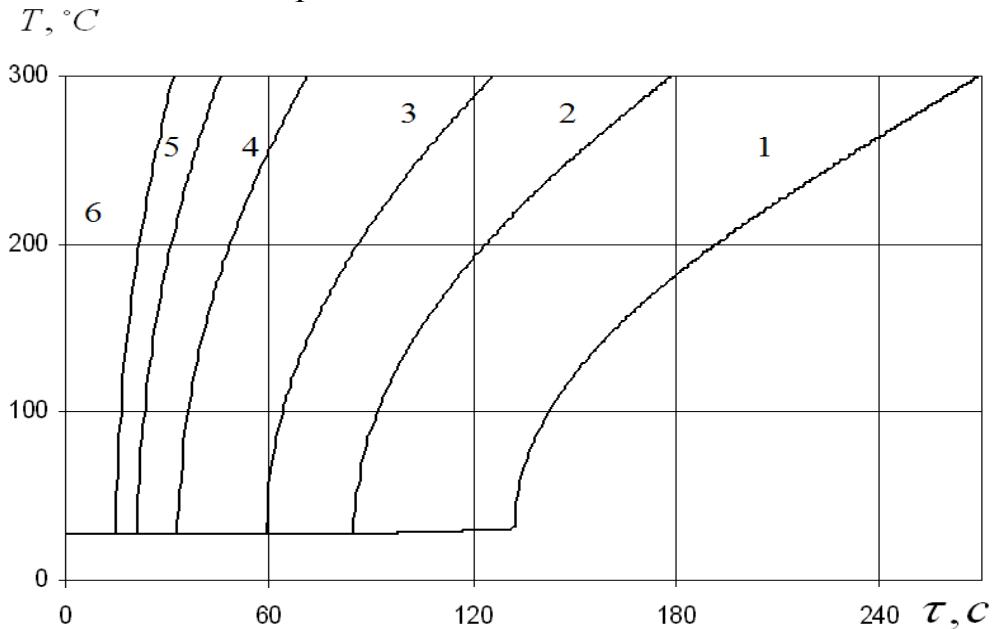


Рис. 5. Распределение температуры на стыке слоев изоляции I ступени ракеты РС-22 (неповрежденный корпус): 1 –  $q = 10 \text{ кВт} / \text{м}^2$ ; 2 –  $q = 12,5 \text{ кВт} / \text{м}^2$ ; 3 –  $q = 15 \text{ кВт} / \text{м}^2$ ; 4 –  $q = 20 \text{ кВт} / \text{м}^2$ ; 5 –  $q = 25 \text{ кВт} / \text{м}^2$ ; 6 –  $q = 30 \text{ кВт} / \text{м}^2$

На рис.6 приведено изменение температуры во времени на стыке слоев для случая поврежденного корпуса. Толщины резины и материала типа "KEVLAR" брались равными 5 мм и 3 мм соответственно.

Различие для двух вариантов расчета – неповрежденного и поврежденного корпусов (см. рис.5 и рис. 6) заключается в том, что при поврежденной конструкции прогрев внутреннего слоя корпуса осуществляется интенсивней. Увеличение температуры на стыке слоев к началу разрушения внешнего слоя может достигать порядка 30% от общего повышения температуры до возгорания и разрушения внутреннего слоя.

Таким образом, результаты вычислительного эксперимента показывают, что возгорание топлива может начаться крайне быстро и в случае выхода из строя противопожарной системы создается угроза развития пожара и поражения персонала.

Следует отметить, что при инициированном воздействии (теракт) на корпус ракеты могут использоваться современные портативные лазеры, мощность

которых на данный момент уже достигает 1 Вт, а создаваемая ими плотность теплового потока может превысить расчетные на порядки [9]. Нужно обратить внимание на то, что лазерные устройства четвертого класса, которым является Arctic Spider III, вообще не относятся к разряду потребительских и должны эксплуатироваться только сертифицированными специалистами, в то время как они разрешены для свободной продажи любому желающему.

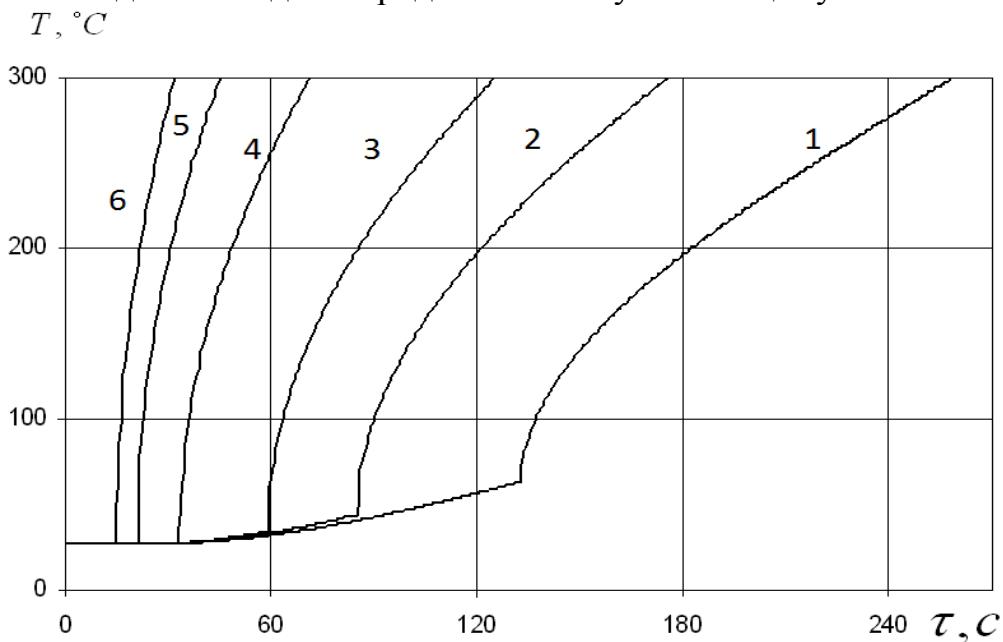


Рис. 6. Распределение температуры на стыке слоев изоляции I ступени ракеты РС-22 (поврежденный корпус): 1 –  $q = 10 \text{ кВт} / \text{м}^2$ ; 2 –  $q = 12,5 \text{ кВт} / \text{м}^2$ ; 3 –  $q = 15 \text{ кВт} / \text{м}^2$ ; 4 –  $q = 20 \text{ кВт} / \text{м}^2$ ; 5 –  $q = 25 \text{ кВт} / \text{м}^2$ ; 6 –  $q = 30 \text{ кВт} / \text{м}^2$ .

**Выводы.** Разработана методика расчета прогрева корпуса I ступени ракеты РС-22 при инициированном тепловом воздействии. Методика расчета основывается на аналитическом решении задачи теплопроводности для многослойного тела.

На основе разработанной модели проведен ряд вычислительных экспериментов. Дальнейшую разработку модели следует проводить в направлении учета в ней условий неидеального теплового контакта на стыках слоев конструкций.

#### Список литературы

1. Антошкина Л. И. Оценка экологического риска при авариях с химически опасными веществами / Л. И. Антошкина, Н. Н. Беляев, Е. Ю. Гунько – Днепропетровск.: Наука и образование, 2008. – 132 с.
2. Згуровский М. З. Численное моделирование распространения загрязнения в окружающей среде / М. З. Згуровский, В. В. Скопецкий, В. К. Хруш, Н. Н. Беляев. – К.: Наукова думка, 1997. – 367 с.
3. Швыдько П. В. Экологические последствия утилизации твердого ракетного топлива / П. В. Швыдько // Науковий вісник НГУ. – 2009. – № 8. – С. 87-91.
4. Карташов Э. М. Аналитические методы в теории теплопроводности твердых тел. Э. М. Карташов. – М.: Высшая школа, 2001. – 540 с.

5. Кудинов В. А. Аналитические решения задач тепломассопереноса и термоупругости для многослойных конструкций / В. А. Кудинов, Э. М. Карташов, В. В. Калашников – М.: Высш. шк., 2005. – 430 с.
6. Веселовський В.Б. Розрахунок температурних полів складених конструкцій / В.Б. Веселовський, О.В. Берлов // Вісник ТДТУ. – Тернопіль. – Вип.№1, 2008. – С.161-170.
7. Веселовский В.Б. Структурные решения задач нестационарной теплопроводности для составных теплозащитных покрытий / В.Б. Веселовский, А.В. Берлов // Зб. Наук. пр. ДНУ. – Д.: Диференціальні рівняння та їх застосування. 2005. – С.62-72.
8. Берлов А.В. Решение структурным методом задач теплопроводности для составных элементов конструкций при воздействии электромагнитных полей / А.В. Берлов // Зб. Наук. пр. ДНУ. – Д.: Диференціальні рівняння та їх застосування. 2006. – С.73-81.
9. Мощнейший портативный лазер Wicked Lasers Arctic Spider III [Электрон. ресурс] / Режим доступа: <http://xage.ru/comments.php?id=15873>.

*Рекомендовано до публікації д.т.н. Голіньком В.І.  
Надійшла до редакції 26.10.2012*

УДК 625.35

© Н.Н. Беляев, Е.К. Нагорная

## ИССЛЕДОВАНИЕ ЭФФЕКТИВНОСТИ РАБОТЫ ВЕРТИКАЛЬНОГО ОТСТОЙНИКА НА БАЗЕ 3D CFD МОДЕЛИ

Разработана 3D CFD модель для расчета вертикального отстойника. Модель основывается на численном интегрировании уравнения конвективно-диффузационного переноса примеси и модели потенциального течения. Приводятся результаты вычислительного эксперимента.

Розроблено 3D CFD модель для розрахунку вертикального відстійника. Модель базується на чисельному інтегруванні рівняння конвективно-дифузійного переносу домішки та моделі потенціальної течії. Наведено результати чисельного експерименту.

3D CFD model developed to calculate the vertical settlers. The model is based on numerical simulations of convection-diffusion transport of impurities and the potential flow model/ The results of numerical experiments.

**Введение.** Канализационные отстойники (первичные, вторичные) являются одним из важнейших элементов в системе очистки сточных вод. Данные сооружения определяют, в значительной степени, эффективность функционирования комплекса очистных сооружений в целом. Кроме этого, необходимо учитывать, что после вторичных отстойников сточные воды, содержащие определенную долю взвешенных веществ, сбрасываются в водоем. Поэтому обеспечение эффективной очистки воды на вторичных отстойниках является важнейшим средством защиты поверхностных вод от загрязнения взвешенными веществами.

При разработке систем очистки воды для малых предприятий в настоящее время широко применяются вертикальные отстойники. Оценка эффективности работы этих отстойников на стадии проектирования комплекса очистных сооружений – сложная и ответственная задача. Оперативное решение этой задачи, когда рассматриваются различные варианты отстойников, варьируется их кон-